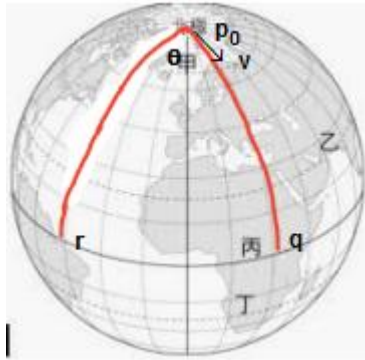


Let  $p_0$  be a pole of a unit sphere  $S^2$  and  $q, r$  be two points on the corresponding equator in such a way that the meridians  $p_0q$  and  $p_0r$  make an angle  $\theta$  at  $p_0$ . Consider a unit vector  $v$  tangent to the meridian  $p_0q$  at  $p_0$ , and take the parallel transport of  $v$  along the closed curve made up by the meridian  $p_0q$ , the parallel  $qr$ , and the meridian  $rp_0$  (Fig. 4-21).

平行移動 (parallel transport)

經線 meridian, 緯線 latitude, 赤道 equator



$p_0$  是單位球  $S^2$  的北極,  $qr$  是赤道

$v$  是經線  $p_0q$  在  $p_0$  的切向量, 兩經線夾角  $= \lambda$

$v$  沿  $p_0q, qr, rp_0$  平行移動, 回到  $p_0$  時的向量是  $\bar{v}$

則  $\bar{v}$  與  $v$  的夾角  $= ?$

$$X(\theta, \varphi) = [\cos \theta \cos \varphi, \sin \theta \cos \varphi, \sin \varphi]$$

$$\widehat{p_0q} : \omega(\varphi) = [\cos \lambda \cos \varphi, \sin \lambda \cos \varphi, \sin \varphi]$$

$v$  是  $\omega(\varphi)$  的切向量,  $\widehat{p_0q}$  是大圓 所以是測地線, 其切向量是平行向量場

到  $q$  點為  $\bar{v} = (0, 0, -1)$ , 因為  $\bar{v}$  在  $\widehat{qr}$  的切部  $= 0$ , 所以平行移動的  $v$  還是  $(0, 0, -1)$

沿  $\widehat{rp_0}$  平行移動到  $p_0$ ,  $\widehat{rp_0}$  為在  $p_0$  的切向量  $\bar{v}$ , 所以  $\bar{v}$  與  $v$  夾角為  $\lambda$